

Effiziente Berechnung von Korrelationen im Frequenzbereich

- Definition der Korrelationsfunktionen
- Berechnung im Zeitbereich
- Berechnung im Frequenzbereich
 - Autokorrelation
 - Kreuzkorrelation
- Effizienzvergleich

Definition der Korrelationsfunktionen

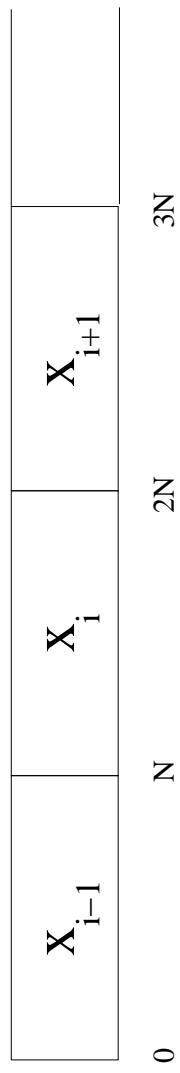
- Zeitfunktionen:
 $x(t), y(t)$ definiert für $t=[0 \ L-1]$
- Autokorrelation:
$$acf(i) = \frac{1}{L-i} \sum_{j=i}^{L-1} x(j-i) x(j)$$
- Kreuzkorrelation:
$$xcf(i) = \frac{1}{L-i} \sum_{j=i}^{L-1} x(j-i) y(j)$$
- Berechnung im Zeitbereich: L·imax Operationen

Berechnung im Frequenzbereich

- Äquivalenzen
 - $x(t) \Leftrightarrow X(\omega)$, $x(-t) \Leftrightarrow X^*(\omega)$
 - $y(t) \Leftrightarrow Y(\omega)$, $y(-t) \Leftrightarrow Y^*(\omega)$
- Korrelationen
 - $acf(\omega) = X^*(\omega) \cdot X(\omega)$
 - $xcf(\omega) = X^*(\omega) \cdot Y(\omega)$
- Problem bei direkter Berechnung über FFT
 - Länge der FFT = 2x Länge der Daten!

Berechnung der Autokorrelation

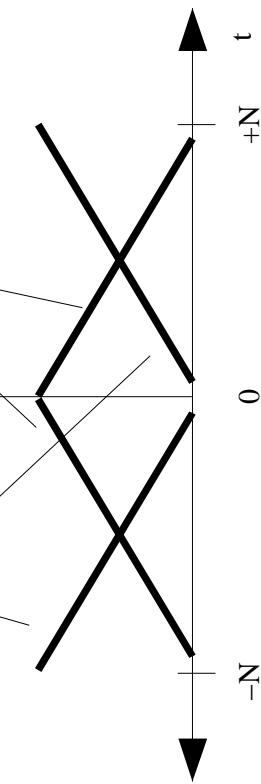
- Auf trennung der Daten in Blöcke



- Berechnung der Teilkorrelationen

$$\sum X_i^* \cdot X_{i-1}$$

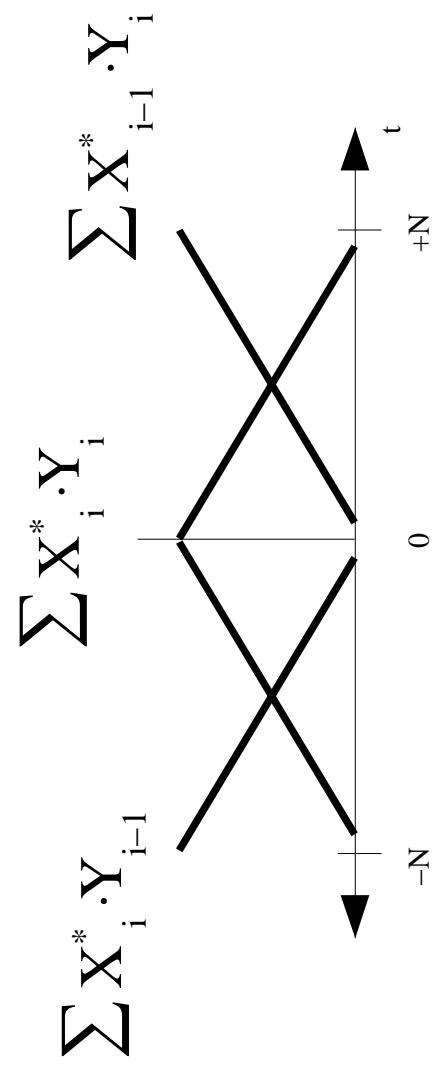
$$\sum X_i^* \cdot X_i$$



- Addition im Zeitbereich

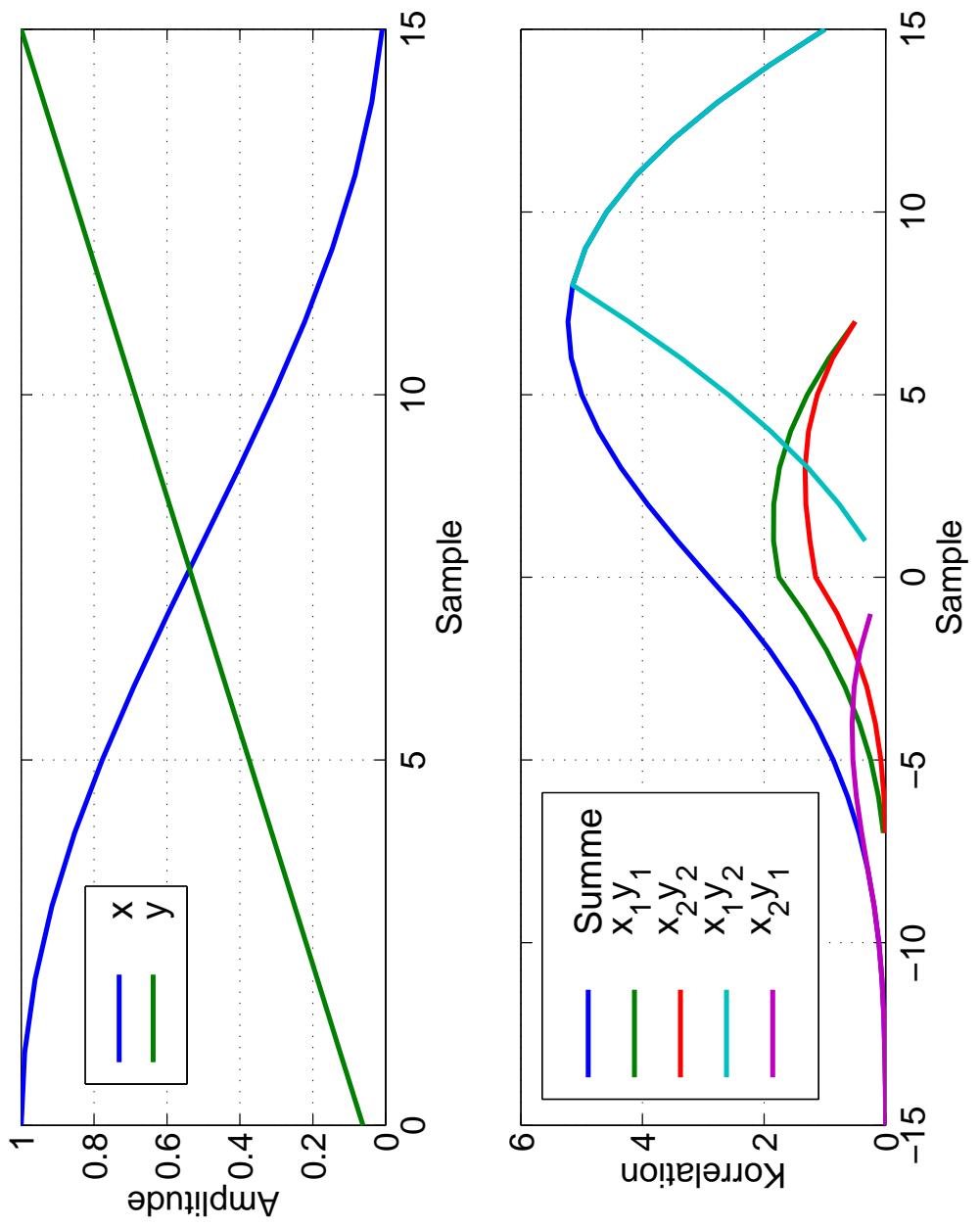
Berechnung der Kreuzkorrelation

- Auf trennung der Daten in Blöcke
- Berechnung der Teil korrelationen



- Addition im Zeitbereich

Beispiel (Signal aufgeteilt in 2 Datenblöcke)



Rechenaufwand

- Anzahl der Operationen

| | Zeitbereich | Frequenzbereich |
|------------------|--|---|
| Autokorrelation | $L \cdot \text{imax}$ ($32768 \cdot L$) | $L \cdot \text{Id(imax)}$ ($15 \cdot L$) |
| Kreuzkorrelation | $2 \cdot L \cdot \text{imax}$ ($65536 \cdot L$) | $2 \cdot L \cdot \text{Id(imax)}$ ($30 \cdot L$) |

- Geschwindigkeitsgewinn

- ca. Faktor 100 bei Korrelationslänge +/– 32768
- Zusatzgewinn bei gleichzeitiger Berechnung der Auto- und Kreuzkorrelation